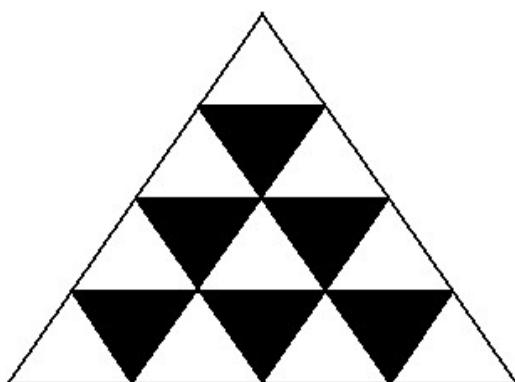


National Committee of Ukraine by Theoretical and Applied Mechanics  
Taras Shevchenko National University of Kyiv  
Institute of Mechanics of NAS of Ukraine  
Institute of Mathematics of NAS of Ukraine  
Institute of Cybernetics of NAS of Ukraine



**XVIII International Conference**  
**DYNAMICAL SYSTEM MODELLING**  
**AND STABILITY INVESTIGATION**



**MODELLING**  
**&**  
**STABILITY**

**ABSTRACTS OF CONFERENCE REPORTS**  
**Kiev, Ukraine**

May 24-26, 2017

# ВІСНИК

## Київського національного університету імені Тараса Шевченка

The various aspects of theoretical and applied researches are represented in abstracts of conference reports. Problems of adequate mathematical model of studied processes are considered.

Problems of control synthesis and stability investigation of movements are separately allocated. Significant numbers of papers are devoted to modeling of economic problems, biological and social phenomena. Big quantity of reports presented at the conference is devoted to the problems of applied mechanics. Logic-mathematical methods of modeling are considered.

Prepared by A.V.Shatyrko

Recommended for printing by Scientific Council  
of Computer Science and Cybernetics faculty  
of Taras Shevchenko National University of Kyiv.

**Scientific Editor: Dr.Sc., Prof.**

Khusainov D.Ya.

**Reviewer: Dr.Sc., Prof.**

Boychuk A.A.

В тезисах докладов конференции представлены различные аспекты теоретических и прикладных исследований. Рассмотрены вопросы создания математических моделей, адекватно описывающих исследуемые объекты.

Отдельно рассмотрены проблемы синтеза управления и исследования устойчивости движения. Значительное количество работ связано с моделированием экономических, биологических и социальных процессов. Большое количество работ посвящено проблемам теоретической и прикладной механики. Рассмотрены логико-математические методы моделирования.

Подготовлено А.В.Шатирко

Рекомендовано к печати Ученым Советом  
факультета компьютерных наук и кибернетики  
Киевского национального университета  
имени Тараса Шевченко

**Научный редактор: доктор физ.-мат. наук, профессор**  
Хусаинов Д.Я.

**Рецензент: доктор физ.-мат. наук, профессор**  
Бойчук А.А.

В тезах доповідей конференції представлена різні аспекти теоретичних та прикладних досліджень. Розглянуто питання створення математичних моделей, що адекватно описують об'єкти.

Окремо розглянуто проблему синтезу керування та дослідження стійкості руху. Значна кількість праць пов'язана із моделюванням економічних, біологічних та соціальних процесів. Велика кількість праць присвячена проблемам теоретичної та прикладної механіки. Розглянуті логіко-математичні методи моделювання.

Підготовлено А.В.Шатирко

Рекомендовано до друку Вченю Радою  
факультету комп'ютерних наук та кібернетики  
Київського національного університету  
імені Тараса Шевченка

**Вчений редактор: доктор фіз.-мат. наук, профессор**  
Хусаінов Д.Я.

**Рецензент: доктор фіз.-мат. наук, профессор**  
Бойчук А.А.

УДК

ББК

D

ISBN

During the period May 24-26, 2017 the traditional International Conference “Dynamical Systems Modeling and Stability Investigation” was held. The members of committees were

**SCIENTIFIC COMMITTEE**

Aliev F. (Baku, Azerbaijan),  
Andreev A.S. (Ulyanovsk, Russia),  
Amirgalieva S. (Almaty, Kazakhstan),  
Babaev A.E. (Kyiv, Ukraine),  
Bastinec J. (Brno, Czech Republic),  
Boychuk A.A. (Kyiv, Ukraine),  
Cherevko I.V. (Chernivtsi, Ukraine),  
Chikrii A.O. (Kyiv, Ukraine),  
Diblik J. (Brno, Czech Republic),  
Dimitrov G. (Sofia, Bulgaria),  
Demidenko G.V. (Novosibirsk, Russia),  
Domoshnitsky A. (Ariel, Israel),  
Ivanov A.F. (Penn State, U.S.A.),  
Kalitin B.S. (Minsk, Belarus),  
Karandzhulov L.I. (Sofia, Bulgaria),  
Kolomodaev M. (Almaty, Kazakhstan),  
Kubenko V.D. (Kyiv, Ukraine),  
Krack Yu.V. (Kyiv, Ukraine),  
Makarov V.L. (Kyiv, Ukraine),  
Martinyuk A.A. (Kyiv, Ukraine),  
Ruzickova M. (Zilina, Slovak Republic),  
Sadyrbaev F. (Riga, Latvia)  
Shmeidel E. (Byalystok, Poland),  
Vasiliev S.N. (Moscow, Russia)

**ORGANIZING COMMITTEE**

Babaev A.A. (Kyiv, Ukraine),  
Bychkov O. (Kyiv, Ukraine),  
Chernii D.I (Kyiv, Ukraine),  
Dzhalladova I.A. (Kyiv, Ukraine, Vice Chairman)  
Grygorenko A.Ya. (Kyiv, Ukraine),  
Kapustyan O.I. (Kyiv, Ukraine),  
Kashpur O.F. (Kyiv, Ukraine),  
Khusainov D.Ya. (Kyiv, Ukraine, Chairman),  
Liashenko O. I. (Kyiv, Ukraine),  
Limarchenko O.S. (Kyiv, Ukraine)  
Mazko A.P. (Kyiv, Ukraine),  
Nikitchenko N.S. (Kyiv, Ukraine),  
Onyshchenko S.M. (Kyiv, Ukraine),  
Podchasov N.P. (Kyiv, Ukraine),  
Shatyrko A.V (Kyiv, Ukraine, Vice Chairman),  
Shkilniak S.S. (Kyiv, Ukraine),  
Zhuk Ya. A. (Kyiv, Ukraine).

The Conference covers the following topics:

**1. Mathematical methods of system investigation.**

- Investigation of differential, functional-differential and difference systems.
- Investigation of system stability, controllability and optimization.
- Bifurcations and chaos in dynamical systems.
- Lyapunov's methods in system investigation.

**2. Methods and technologies of computer modeling.**

- Numerical Methods of Mathematical Physics.
- Method and Technology computer calculations.
- Specialized software and systems.
- Software and Systems Modeling

**3. Modeling and investigation of processes in mechanics.**

- Mathematical modeling in composite materials of mechanics.
- Modeling and investigation of dynamical processes in elastic and hydroelastic systems.
- Mathematical modeling in connected fields of mechanics.

**4. Method of control and complex systems research**

- Methods of control and optimization.
- The continuous-discrete systems
- Methods of differential games.
- Fuzzy modeling and systems with uncertainty.
- Modelling in economy and ecology.

**5. Logic-mathematical methods of modeling.**

- Methods and tools of subject domains specifications.
- Methods and tools of software systems description.
- Modal and temporal formalisms of systems modeling

Також в цей же період відбулася

**Конференція-супутник  
ВСЕУКРАЇНСЬКА НАУКОВО-ПРАКТИЧНА КОНФЕРЕНЦІ МОЛОДИХ ВЧЕНИХ  
«Теоретичні та прикладні аспекти  
застосування інформаційних технологій в галузі природничих наук»**

**ПРОГРАМНИЙ КОМІТЕТ**

Голова комітету

Дімітров Георгі заступник декана Faculty of Information Sciences, професор, ULSIT (Софія, Болгарія),

Заступник голови

Мішель Пезеріл, президент університету міста Ле Ман (Ле Ман, Франція),

Заступник голови

Бичков Олексій, завідувач кафедри Програмних систем і технологій, к.ф.-м.наук, доцент (Київ, Україна),

Шевченко Віктор – професор кафедри Програмних систем і технологій, д.т.н., професор (Київ, Україна),

Турбал Юрій – директор навчально-наукового інституту заочно-дистанційного навчання, д.т.н. (Рівне, Україна)

**ОРГАНІЗАЦІЙНИЙ КОМІТЕТ**

Іванов Є.В. – асистент кафедри Програмних систем і технологій, к.ф.-м. наук,

Поляков С.А. – доцент кафедри Програмних систем і технологій, к.ф.-м. наук, доцент

Поперешняк С.В. – доцент кафедри Програмних систем і технологій, к.т. наук, доцент

Супрун О.М. – доцент кафедри Програмних систем і технологій, к.ф.-м. наук, доцент

Коваленко Л.Б. – декан факультету комп’ютерних наук ОДЕКУ, к.г.н., доцент

Кузніченко С.Д. – доцент кафедри інформаційних технологій, к.г.н.

Терещенко Т.М. – доцент кафедри інформаційних технологій, к.т.н.

Шуптар Н.Й. - асистент кафедри інформаційних технологій, голова Наукового товариства студентів, аспірантів, докторантів та молодих вчених ОДЕКУ

Великодний С.С. – доцент кафедри інформаційних технологій, к.т.н., голова

Наукового товариства факультету комп’ютерних наук ОДЕКУ

**Секції конференції:**

- Математичні основи інформаційних технологій
- Геоінформаційні системи та технології
- Інформаційні технології в системах моніторингу навколишнього середовища
- Технології вбудованих і мобільних систем

Shtern M. B. , Maydanyuk O.P. - On micromechanics and continual description of the elasto-plastic behavior rigid particles reinforced soft matrix composites.....	109
Shyshkanova G. A. - Vibrations in tube muffler with asymmetric elliptical cross-section.....	110
Бабаєв О. А. - Нестаціонарні режими роботи п'єзокерамічного шару з врахуванням процесів в протягому кабельному тракті.....	111
Бернакевич І.Є., Вагін П.П., Козій І.Я., Харченко В.М. - Дослідження стійкості тонких оболонок, податливих до зсувів та стиснення.....	112
Воропай А. В., Малахов Е. С. - Обратные нестационарные задачи для балок и пластин с учетом диссипации.....	113
Дудик М.В., Решітник Ю.В., Феньків В.М. - Про контакт берегів біля вершини тріщини, що виходить з кутової точки ламаної межі поділу двох матеріалів.....	114
Георгиевский Д.В. - Обобщённые уравнения совместности в кинематике многомерного континуума.....	115
Глухов А. Ю. - Чисельний аналіз дисперсійних рівнянь для нестисливого композитного матеріалу з початковими напруженнями.....	116
Григоренко О.Я., Панкратьев С.А., Пінчук Т.І. - Особливості застосування чисельного підходу до аналізу деформації пластин складної форми.....	117
Жоголева Н. В. - Нелинейные вторые гармоники сдвиговых упругих волн в анизотропном слое между анизотропными полупространствами при неидеальном механическом контакте материалов.....	118
Карнаухов В.Г. Козлов В.И. Карнаухова Т.В. - Вынужденные резонансные колебания и диссипативный разогрев вязкоупругих пластин с пьезоэлектрическими сенсорами с учетом геометрической нелинейности и деформаций поперечного сдвига.....	119
Константінов О. В. - Узагальнена задача фарадея для резервуару, частково заповненого рідиною, який може здійснювати кутові рухи на маятниковому підвісі.....	120
Козуб Ю.Г., Козуб Г.А. - Моделирование и исследование циклического термовязкоупругого деформирования и прогнозирование долговечности эластомерных элементов конструкций .....	121
Кунець Я.І., Матус В.В., Рабош Р.В. - Ефективні параметри sh-хвиль у композитах із стохастично розподіленими тонкими п'єзоелектричними слабоконтрастними включенням .....	122
Курпа Л.В., Ткаченко В.В. - Застосування теорії R-функцій для дослідження параметричних коливань багатошарових пластин антисиметричної структури.....	123
Круть С.Ю., Жук Я. О. - Резонансні коливання і дисипативний розігрів гнучких непружиних пластин.....	124
Назаренко В.М., Кіпніс О.Л. - Про рівновагу міжфазних зсувних тріщин у кутовій точці межі поділу середовищ кускуво-однорідної ізотропної площини.....	125
Назаренко В.М., Довжик М.В. - Разрушение материала при сжатии вдоль двух параллельных соосных дискообразных трещин в композитном материале.....	126
Незамай Б. С., Дідух Ю. В. - Математичне моделювання процесу деформування сферичних газгольдерів.....	127

Козуб Юрий Гордеевич, кандидат техн. наук, доцент,  
ГУ ЛНУ имени Тараса Шевченко, Старобельск, Украина,  
e-mail: [kosub@rambler.ru](mailto:kosub@rambler.ru);

Козуб Галина Александровна, кандидат техн. наук, доцент,  
ГУ ЛНУ имени Тараса Шевченко, Старобельск, Украина,  
e-mail: [kosub@rambler.ru](mailto:kosub@rambler.ru)

## **МОДЕЛИРОВАНИЕ И ИССЛЕДОВАНИЕ ЦИКЛИЧЕСКОГО ТЕРМОВЯЗКОУПРУГОГО ДЕФОРМИРОВАНИЯ И ПРОГНОЗИРОВАНИЕ ДОЛГОВЕЧНОСТИ ЭЛАСТОМЕРНЫХ ЭЛЕМЕНТОВ КОНСТРУКЦИЙ**

Козуб Ю.Г., Козуб Г.А.

Широкое распространение эластомеров и композитов с эластомерной матрицей, которые используются в качестве силовых, демпфирующих, уплотнительных, футеровочных элементов конструкций, требует надежных методов прочностных расчетов при проектировании. В большинстве случаев такие элементы конструкций испытывают значительные циклические загрузки. Вязкоупругие свойства эластомеров существенно зависят от температуры. Кроме того, эластомерам свойственна слабая сжимаемость. Для описания деформирования слабосжимаемого материала используются модифицированный обобщенный закон Гука, закон Пенга-Ландела и закон Линдли. Разрешающие уравнения вязкоупрого деформирования принимаются в виде наследственных уравнений Больцмана-Вольтерра. Уравнения деформирования и теплопроводности являются связанными и нелинейными.

Для решения связанной задачи используется метод последовательных приближений. При решении задачи задачи о деформировании элементов конструкций из слабосжимаемых эластомеров используется моментная схема конечных элементов, в которой используется тройная аппроксимация перемещений, деформаций и функции изменения объема. Построение матрицы жесткости выполняется на основе принципа виртуальных перемещений. Моделирование вязкоупрого деформирования эластомера осуществляется на основе применения пространственно-временного конечного элемента с независимой аппроксимацией перемещений по объему и по времени. Решение задачи о нелинейном деформировании получено с помощью модифицированного метода Ньютона–Канторовича [1]. На основании решения задачи теплопроводности уточняются физико-механические характеристики материала и повторно решается задача вязкоупругости.

Определение долговечности элемента конструкции проводится на основании энергетического критерия разрушения [2], учитывающий энергию деформации, энергию внешней агрессивной среды и тепловые потоки

$$\int_0^t \dot{U}_p dt = \int_0^t (\sigma_{ij} \dot{\varepsilon}_{ij} + \dot{\chi} - \dot{q}) dt.$$

При интегрировании соотношений долговечности учитывается зависимость свойств материала от времени.

На основании предложенного метода решен ряд практических задач

1. Киричевский В. В. Нелинейные задачи термомеханики конструкций из слабосжимаемых эластомеров / В. В. Киричевский, А. С. Сахаров. – К.: Будівельник, 1992. – 213с.

2. Дырда В. И. Прочность и разрушение эластомерных конструкций в экстремальных условиях / В. И. Дырда. – К.: Наукова думка, 1988. – 232с.

<u><a href="mailto:fract@inmech.kiev.ua">fract@inmech.kiev.ua</a></u>	130	<u><a href="mailto:sergey.kamratov@gmail.com">sergey.kamratov@gmail.com</a></u>	68
<b>Крапива</b> Наталия Владимировна <u><a href="mailto:scherbinskaya@gmail.com">scherbinskaya@gmail.com</a></u>	47	<b>Кулян</b> Віктор Романович <u><a href="mailto:v.kulyan@gmail.com">v.kulyan@gmail.com</a></u>	90
<b>Калоша</b> Юlia Ігоревна <u><a href="mailto:julykucher@gmail.com">julykucher@gmail.com</a></u>	51	<b>Кунець</b> Ярослав Іванович <u><a href="mailto:kunets@iapmm.lviv.ua">kunets@iapmm.lviv.ua</a></u>	122
<b>Киселев</b> Михаил Яковлевич	128	<b>Курпа</b> Лідія Василівна <u><a href="mailto:l.kurpa@mail.ru">l.kurpa@mail.ru</a></u>	123
<b>Кінзерський</b> Деніс Сергійович <u><a href="mailto:denkinz@mail.ru">denkinz@mail.ru</a></u>	190,191,192	<b>Куценко</b> Ігор Анатолійович <u><a href="mailto:kutsenko_i_a@ukr.net">kutsenko_i_a@ukr.net</a></u>	91
<b>Клевчук</b> Іван Іванович <u><a href="mailto:kelevchuk@yandex.ru">kelevchuk@yandex.ru</a></u>	52	<b>Козій</b> Ірина Ярославівна <u><a href="mailto:ira_shot@yahoo.com">ira_shot@yahoo.com</a></u>	112
<b>Клименко</b> Дмитро Андрійович <u><a href="mailto:dima_klimenko@inbox.ru">dima_klimenko@inbox.ru</a></u>	53	<b>Коломійчук</b> Олег Петрович <u><a href="mailto:kolomithyk@rambler.ru">kolomithyk@rambler.ru</a></u>	163
<b>Кожаметов</b> Абат Турсумуратович	54	<b>Карнаухов</b> В.Г.	119
<b>Кутлымуратов</b> Юсуп Кулбаевич <u><a href="mailto:q_yusup@mail.ru">q_yusup@mail.ru</a></u>	54	<b>Козлов</b> В.И.	119
<b>Крак</b> Юрій Васильович <u><a href="mailto:yuri.krak@gmail.com">yuri.krak@gmail.com</a></u>		<b>Карнаухова</b> Т.В.	119
<u><a href="mailto:krak@univ.kiev.ua">krak@univ.kiev.ua</a></u>		<b>Коваль</b> Юрій Віталійович <u><a href="mailto:smith@uis.kiev.ua">smith@uis.kiev.ua</a></u>	181
<b>Крутій</b> Юрій Сергеєвич <u><a href="mailto:yuriy.krutiy@mail.ru">yuriy.krutiy@mail.ru</a></u>	55	<b>Кондратьєва</b> Наталия Александровна <u><a href="mailto:n-kondr@mail.ru">n-kondr@mail.ru</a></u>	164
<b>Кулінський</b> Віталій Миколайович <u><a href="mailto:germahis@gmail.com">germahis@gmail.com</a></u>	197	<b>Кондратюк</b> СергійСергійович <u><a href="mailto:sergey.kondrat1990@gmail.com">sergey.kondrat1990@gmail.com</a></u>	180
<b>Кусий</b> Сергей Николаевич <u><a href="mailto:sergii.kusii@gmail.com">sergii.kusii@gmail.com</a></u>	167	<b>Константінов</b> Олександр Володимирович <u><a href="mailto:akonst.im@mail.ru">akonst.im@mail.ru</a></u>	120
<b>Кусий</b> Ярослав Маркіянович <u><a href="mailto:jarkym@ukr.net">jarkym@ukr.net</a></u>	140	<b>Козакова</b> Наталья Леонідовна <u><a href="mailto:kozakova.natali@gmail.com">kozakova.natali@gmail.com</a></u>	128
<b>Кучеренко</b> Анна Дмитрівна <u><a href="mailto:magmel.ua@gmail.com">magmel.ua@gmail.com</a></u>	56	<b>Козуб</b> Владислав Юрійович <u><a href="mailto:v.y.kozub@gmail.com">v.y.kozub@gmail.com</a></u>	196
<b>Кузьмина</b> Людмила Константиновна <u><a href="mailto:Lyudmila.Kuzmina@kpfu.ru">Lyudmila.Kuzmina@kpfu.ru</a></u>	57	<b>Козуб</b> Юрій Гордеєвич <u><a href="mailto:kosub@rambler.ru">kosub@rambler.ru</a></u>	121
<b>Козлова</b> Надія Олексandrівна <u><a href="mailto:nkozlova@gmail.com">nkozlova@gmail.com</a></u>	66	<b>Козуб</b> Галина Александровна <u><a href="mailto:kosub@rambler.ru">kosub@rambler.ru</a></u>	121
<b>Камратов</b> Сергей Владимирович		<b>Косовець</b> М.А.	



**DSMSI-2017**  
**XVIII International Conference**  
**DYNAMICAL SYSTEM MODELING**  
**AND STABILITY INVESTIGATION**  
**May 24-26, 2017, Kyiv, Ukraine**

Dynamical system modeling and stability investigation: XVIII International Conference: Abstract of Conf. reports, Kyiv, Ukraine, 24-26 May / National Committee of Ukraine by Theoretical and Applied Mechanics [etal.] – Київ, ДП Інформ.-аналіт. агентство, 2017. 214 –с. – (Вісник Київського національного університету імені Тараса Шевченка).

Адреса редакційної колегії:  
03125, Київ, проспект акад. Глушкова 4д, корп. 6, КНУТІШ,  
факультет комп’ютерних наук та кібернетики, тел. (044) 258-89-84